



پاسخ تشریحی سازه‌های بتنی

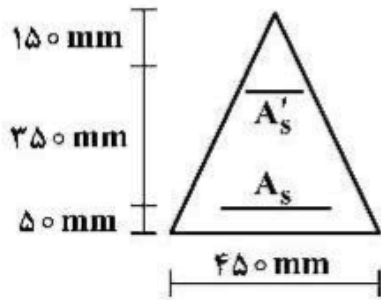
کارشناسی ارشد ۹۹

دکتر زرفام

@Dr_Zarfam



۱۱۶- در یک تیر با مقطع مثلثی مطابق شکل، مقدار حداقل فولاد کششی که باعث جاری شدن فولاد فشاری می شود \bar{A}_{sb} و مقدار فولاد متعادل مقطع \bar{A}_{sb} می باشد. اگر ارتفاع ناحیه فشاری تحت لنگر خمشی مثبت در حالت حدی نهایی ۳۵۰ میلی متر باشد، آنگاه کدام گزینه در ارتباط با مقدار فولاد کششی مقطع (A_s) صحیح است؟
 $(E_{cu} = 0.0035, f_y = 400 \text{MPa})$



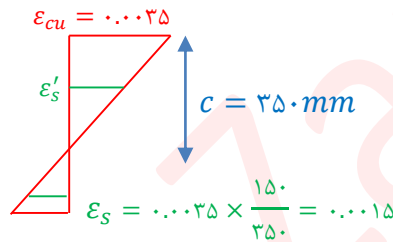
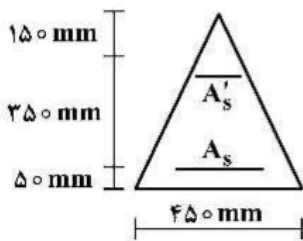
$$A_s = \bar{A}_{sb}, A'_s = \bar{A}_{s \min} \quad (1)$$

$$A_s > \bar{A}_{sb}, A'_s > \bar{A}_{s \min} \quad (2)$$

$$A_s < \bar{A}_{sb}, A'_s < \bar{A}_{s \min} \quad (3)$$

$$A_s > \bar{A}_{sb}, A'_s = \bar{A}_{s \min} \quad (4)$$

پاسخ سوال ۱۱۶) گزینه ۴ (متوسط)



: A_s

مطابق با توزیع کرنش رسم شده فوق از طریق رابطه تالس داریم:

$$\epsilon'_s = \frac{350 - 150}{350} \times 0.0035 = 0.002$$

با توجه به اینکه مقدار ϵ'_s برابر با ϵ_y به دست آمده پس $A_s = \bar{A}_{s \min}$ و همچنین با توجه به اینکه مقدار کرنش آرماتور کششی در این حالت کمتر از مقدار جاری شدن آن می باشد، $(\epsilon_s = 0.0015 < \epsilon_y = 0.002)$ نتیجه می گیریم مقدار آرماتور موجود بیشتر از مقدار آرماتور در حالت بالانس می باشد، پس $A_s > \bar{A}_{sb}$



۱۱۷- در یک ستون با مقطع دایره به قطر ۷۰۰ میلی‌متر و پوشش بتنی روی میلگردها به میزان ۵۰ میلی‌متر اثر نوع

فولاد عرضی تنگ ساده یا دورپیچ بر روی شکل‌پذیری چیست و حداکثر گام دورپیچ چه میزان باید باشد؟

(۱) دورپیچ نسبت به تنگ ساده شکل‌پذیری بیشتر ایجاد می‌کند و حداکثر گام دورپیچی ۱۰۰ میلی‌متر

(۲) تنگ ساده نسبت به دورپیچ شکل‌پذیری بیشتر ایجاد می‌کند و حداکثر گام دورپیچی ۱۰۰ میلی‌متر

(۳) دورپیچ نسبت به تنگ ساده شکل‌پذیری بیشتر ایجاد می‌کند و حداکثر گام دورپیچی ۱۵۰ میلی‌متر

(۴) تنگ ساده نسبت به دورپیچ شکل‌پذیری بیشتر ایجاد می‌کند و حداکثر گام دورپیچی ۱۵۰ میلی‌متر

پاسخ سوال ۱۱۷) گزینه ۱ (متوسط)

شکل‌پذیری ستون بتنی با دورپیچ به علت محصور شدگی بیشتر، بیشتر از شکل‌پذیری این ستون با تنگ بسته می‌باشد.

همچنین مطابق با بند ۹-۱۴-۹-۴-۴ آیین‌نامه گام دورپیچ نباید از ۱/۶ قطر هسته داخلی دورپیچ بیشتر باشد، بنا بر این داریم:

$$S \leq \frac{D_c}{6} \Rightarrow S \leq \frac{700 - 100}{6} \Rightarrow S \leq 100 \text{ mm}$$



- ۱۱۸- در نمونه گیری از بتن برای یک سازه مقاومت سه نمونه متوالی بتن ۲۲ و ۳۲ و ۲۸ مگاپاسکال است، اگر مقاومت مشخصه بتن ۲۵ مگاپاسکال باشد، در خصوص پذیرش بتن مزبور کدام گزینه صحیح است؟
- (۱) بتن تخریبی است.
 - (۲) بتن قابل قبول است.
 - (۳) بتن غیرقابل قبول است.
 - (۴) بتن به شرط تقویت قابل پذیرش است.

پاسخ سوال ۱۱۸) گزینه ۲ (دشوار)

$$\min(x_1, x_2, x_3) \geq f_c$$

مطابق با رابطه ۹-۱۰-۱۲ آیین نامه داریم:

با توجه به اینکه نمونه با مقاومت ۲۲Mpa از مقاومت مشخصه بتن مورد نظر (۲۵Mpa) کمتر است پس می بایست گام ۲ آیین نامه بررسی گردد:

مطابق با رابطه ۹-۱۰-۱۳ آیین نامه داریم:

$$x_m = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3} \geq f_c + 1.5 \text{ MPa}$$

$$x_m = \frac{22 + 32 + 28}{3} = 27.3 \Rightarrow 27.3 > 25 + 1.5$$

$$x_{min} \geq f_c - 4 \text{ MPa}$$

و مطابق با رابطه ۹-۱۰-۱۴ آیین نامه داریم:

$$x_{min} = 22 > 25 - 4$$

در گام دوم هر دو شرط آیین نامه برقرار بوده پس بتن از نظر مقاومت قابل قبول است.



۱۱۹- در یک قاب بتن مسلح مهارنشده عوامل مؤثر در افزایش شکل پذیری چیست؟

- ۱) افزایش مقاومت فشاری بتن و تنش حد تسلیم فولاد، کاهش نیروی محوری ستون و خاموت گذاری ویژه در دو سر تیر و ستون
- ۲) کاهش مقاومت فشاری بتن و تنش حد تسلیم فولاد، افزایش نیروی محوری ستون و خاموت گذاری ویژه در دو سر تیر و ستون
- ۳) افزایش مقاومت فشاری بتن، کاهش حد تسلیم فولاد، کاهش نیروی محوری ستون و خاموت گذاری ویژه در دو سر تیر و ستون
- ۴) کاهش مقاومت فشاری بتن، افزایش حد تسلیم فولاد، افزایش نیروی محوری ستون و خاموت گذاری ویژه در دو سر تیر و ستون

پاسخ سوال ۱۱۹) گزینه ۳ (ساده)

با افزایش مقاومت فشاری محصور شدگی افزایش یافته و در نتیجه مقدار شکل پذیری افزایش می یابد.

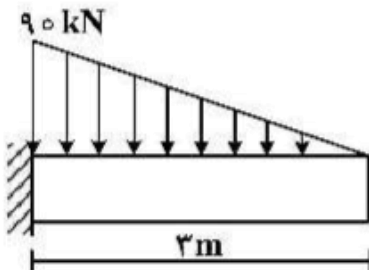
با کاهش حد تسلیم، حد کرنش جاری شدن کاهش یافته و باعث رفتار نرم تر مقطع شده و شکل پذیری افزایش می یابد

با کاهش بار محوری رفتار سازه از قالب ستون گونه (رفتار مقاومتی) به تیر گونه (رفتار شکل پذیر) تبدیل شده و شکل پذیری افزایش می یابد

خاموت ویژه که شامل قلاب ویژه و تنگ ویژه می باشد با توجه به ضوابط طراحی لرزه ای از جمله فواصل بین خاموت ها و ... باعث افزایش شکل پذیری قاب خواهد شد.



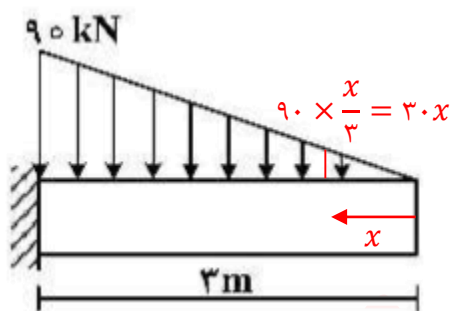
۱۲۰- تیر بتنی مسلح با مقطع مستطیلی تحت بار گسترده مثلثی قرار دارد اگر نیروی برشی مقاوم بتن به غیر از آرماتورهای عرضی ۱۵ kN باشد، آنگاه تقریباً تا چه فاصله‌ای بر حسب متر (m) از تکیه‌گاه می‌بایست آرماتورهای برشی محاسباتی برای تیر مورد نظر در نظر گرفته شود؟



- (۱) ۲/۵
- (۲) ۲
- (۳) ۱/۵
- (۴) ۱

پاسخ سوال ۱۲۰ (گزینه ۲) (متوسط)

در صورتی که برش موجود در تیر از مقاومت برشی تیر بیشتر باشد نیاز به تقویت (آرماتور برشی) وجود خواهد داشت. پس برای محاسبه طول نیازمند به آرماتور برشی داریم:



$$V(x) = 30x \times \frac{x}{2} = 15x^2$$

$$V_u \geq V_c$$

$$\Rightarrow 15x^2 \geq 15 \Rightarrow x \geq 1m$$

پس در می‌یابیم در فاصله $x \geq 1m$ تا انتهای تیر نیاز به آرماتور برشی می‌باشد که این یعنی ۲ متر از طول تیر نیاز به آرماتور فشاری دارد.



- ۱۲۱- در یک قاب بتن مسلح مهار شده جانبی، ضریب لاغری یکی از ستون ها برابر ۵۰ می باشد، چنانچه بار زنده محوری فشاری ستون نصف گردد کدام گزینه صحیح است؟
- ۱) بار بحرانی ستون کاهش می یابد.
 - ۲) بار بحرانی ستون افزایش می یابد.
 - ۳) بار بحرانی ستون تغییر نمی کند.
 - ۴) بستگی به تعداد ستون های طبقه دارد.

پاسخ سوال ۱۲۱) گزینه ۱ (دشوار)

با توجه به اینکه ضریب لاغری ستون مهار شده از مقدار ۴۰ بیشتر می باشد، ستون لاغر محسوب می گردد.

مطابق با رابطه ۹-۱۶-۱۱ از بند ۹-۱۶-۸-۲ آیین نامه برای محاسبه بار بحرانی ستون داریم:

$$N_c = \frac{\pi^2 EI_e}{(kl_u)^2}$$

که در آن

$$EI_e = \frac{0.75 E_c I_g + E_s I_{se}}{1 + \beta_d}$$

که در این رابطه β_d به صورت زیر تعریف می گردد:

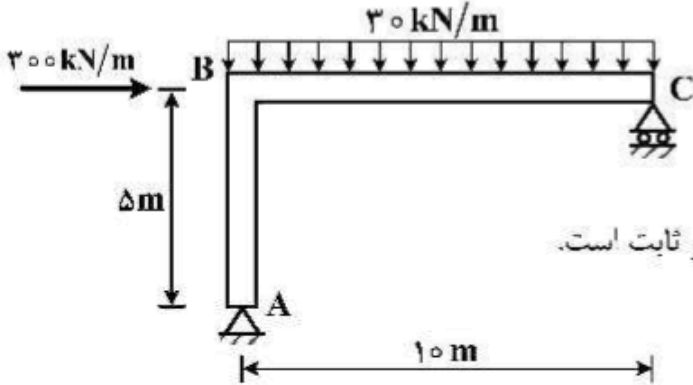
$$\beta_d = \frac{\text{بار مرده ضریب دار} + \text{درصدی از بار زنده ضریب دار}}{\text{بار مرده ضریب دار} + \text{کل بار زنده ضریب دار}}$$

مطابق با رابطه فوق با کاهش بار زنده محوری وارد بر ستون، مقدار β_d افزایش، پس مقدار EI_e کاهش و در نتیجه آن مقدار بار بحرانی کاهش می یابد.



۱۲۲- در قاب شکل زیر، در شرایطی که هیچ آرماتور برشی استفاده نشود، در چه ناحیه‌ای از عضو AB پتانسیل

گسیختگی برشی بیشتر است؟



(۱) در محل حداکثر برش

(۲) در محل حداکثر لنگر

(۳) به مقدار نیروی محوری وابسته است.

(۴) در طول عضو یکسان است، چون نیروی برشی در عضو ثابت است.

پاسخ سوال ۱۲۲) گزینه ۲ (متوسط)

مطابق با سازه تحلیل شده در می‌یابیم مقدار برش

در ستون AB ثابت است و همچنین مطابق با

رابطه ۷-۱۵-۹ از بند ۱-۲-۳-۱۵-۹ آیین نامه برای

مقاومت برشی اعضای تحت اثر توام برش و خمش

داریم:

$$V_c = \left(0.175 v_c + 12 \rho_w \frac{V_u d}{M_u} \right) b_w d$$

مطابق با این رابطه (با توجه به ثابت بودن برش در ستون) با افزایش لنگر وارد بر ستون (M_u) مقدار

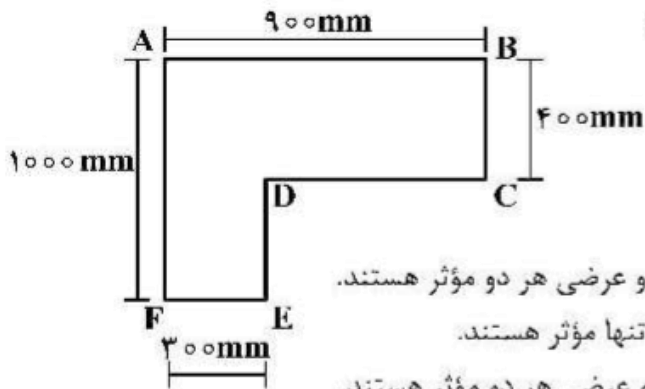
مقاومت برشی (V_c) کاهش یافته و در نتیجه پتانسیل گسیختگی افزایش می‌یابد، بنابراین احتمال

گسیختگی در محل حداکثر لنگر بیشتر است.



۱۲۳- مقطع L شکل نشان داده شده تحت پیچش قرار دارد. حداکثر تنش مماسی (برش ناشی از پیچش) در کدام ناحیه

ایجاد می شود و فولادگذاری مؤثر در برابر پیچش کدام است؟



- ۱) حداکثر تنش مماسی در وسط بعد AB - فولادهای طولی و عرضی هر دو مؤثر هستند.
- ۲) حداکثر تنش مماسی در وسط بعد AB - فولادهای طولی تنها مؤثر هستند.
- ۳) حداکثر تنش مماسی در وسط بعد AF - فولادهای طولی و عرضی هر دو مؤثر هستند.
- ۴) حداکثر تنش مماسی در وسط بعد AF - فولادهای عرضی تنها مؤثر هستند.

پاسخ سوال ۱۲۳) گزینه ۱ (متوسط)

مطابق با روابط مقاومت مصالح حداکثر تنش های برشی ناشی از پیچش در وسط اضلاع بزرگتر رخ می دهد و در پیچش هر دو آرماتور طولی و عرضی مؤثر می باشد.

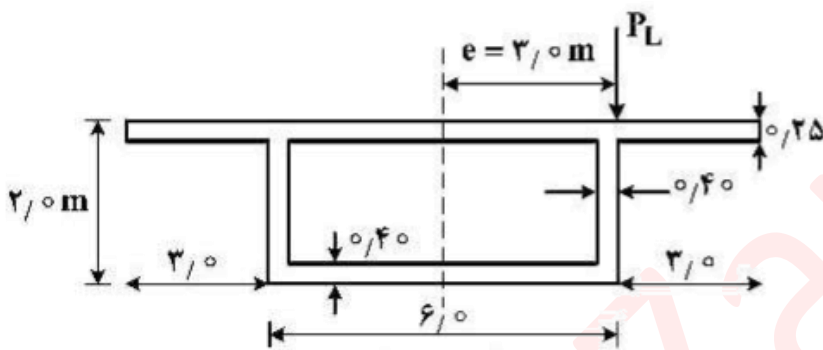
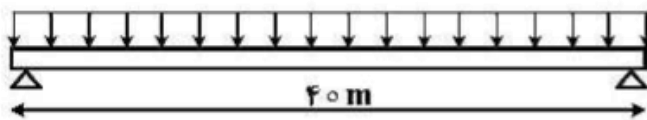


۱۲۴- تیر شکل زیر و مقطع آن، بار مرده $200 \frac{kN}{m}$ در طول خود را حمل می نماید. بار خطی P_L با خروج از مرکز ۳ متر بر

مقطع وارد می شود، مقدار این بار خطی چند کیلونیوتن بر متر $\left(\frac{kN}{m}\right)$ باشد تا نیازی به تعبیه فولاد عرضی برای

پیچش نباشد؟ (اثر بال ها در محاسبات لحاظ نشود. $f'_c = 36MPa$, $v_c = 0.8MPa$)

$$q_D = 200 \text{ kN/m}$$



مقطع جعبه ای
ابعاد به متر است

پاسخ سوال ۱۲۴) گزینه ۳ (دشوار)

ابتدا مقدار لنگر پیچشی وارد بر مقطع بتنی محاسبه می گردد

$$T_u = \frac{P_L \times 40000}{2} \times 3000 = 6 \times 10^7 P_L \text{ N.mm}$$

مطابق با بند ۹-۱۵-۷-۱ آیین نامه در صورتی که لنگر پیچشی وارد شده از ۰٫۲۵ مقدار لنگر ترک دهنده مقطعی کمتر باشد، نیاز به طراحی پیچشی مقطع وجود نخواهد داشت و مقدار لنگر ترک دهنده مقطعی برابر است با:

$$T_{cr} = 1.9(v_c) \left(\frac{A_c^2}{P_c} \right) \Rightarrow T_{cr} = 1.9 \times 0.8 \times \left(\frac{(2000 \times 6000)^2}{12000 + 4000} \right)$$

$$\Rightarrow T_{cr} = 1.36 \times 10^{10} \text{ N.mm}$$

$$T_u \leq \frac{T_{cr}}{4} \Rightarrow 6 \times 10^7 P_L \leq \frac{1.36 \times 10^{10}}{4} \Rightarrow P_L \leq \frac{58 \text{ kN}}{m}$$

با توجه به گزینه ها نزدیکترین گزینه، گزینه ۳ یعنی عدد 60 kN/m است.



۱۲۵- نحوه انتقال نیروی پیش تنیدگی در قطعات پیش کشیده و پس کشیده به ترتیب کدام است؟

- ۱) در یک طول انتقالی از پشت گیره - انتقال نیرو از انتهای تیر
- ۲) انتقال نیرو از انتهای تیر - در یک طول انتقالی از پشت گیره
- ۳) در یک طول انتقالی از انتهای تیر - انتقال نیرو از پشت گیره
- ۴) انتقال نیرو از پشت گیره - در یک طول انتقالی از انتهای تیر

پاسخ سوال (۱۲۵) گزینه ۳ (متوسط)

در روش پیش کشیده ابتدا کابل ها روی بسترهای پیش ساخته در حد فاصل دو انتها کشیده می شوند. بعد از بتن ریزی و کسب مقاومت لازم، با بریدن آنها، نیروی کششی موجود به صورت فشاری به بتن منتقل می گردد. این روش در کارگاه ها یا کارخانه های تولید قطعات بتنی مورد استفاده است و معمولاً محصولات تولید شده به صورت پیش ساخته می باشند. در نتیجه انتقال نیروی پیش تنیدگی در قطعات پیش کشیده در یک طول انتقالی از انتهای تیر صورت می گیرد.

در روش پس کشیده کابل ها (که داخل غلاف های محافظی هستند) در قطعه مورد نظر قرار می گیرند. سپس عملیات بتن ریزی انجام شده و پس از این که بتن به مقاومت فشاری مورد نیاز رسید، کشیده و مهار می شوند. از این روش هم در ساخت قطعات پیش ساخته استفاده می شود و هم امکان اجرای آن به صورت درجا و در محل وجود دارد. کابل ها داخل قطعات پس کشیده به دو صورت چسبیده به غلاف و یا نچسبیده قرار می گیرند در نتیجه انتقال نیروی پیش تنیدگی در قطعات پس کشیدی از پشت گیره (مهار) صورت می گیرد.